

Họ, tên thí sinh:

Số báo danh:

Câu 1: Cho hàm số $f(x)$ có bảng biến thiên như sau:

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$			
$f'(x)$		$+$	0	$-$	0	$+$	
$f(x)$			2		-2		$+\infty$
	$-\infty$						

Giá trị cực tiểu của hàm số đã cho bằng

- A. 3. B. -2. C. 2. D. -1.

Câu 2: Cho hàm số $f(x) = 5 - 6x^2$. Khẳng định nào dưới đây đúng?

- A. $\int f(x)dx = 5 - 2x^3 + C$. B. $\int f(x)dx = 5x - 2x^3 + C$.
C. $\int f(x)dx = 5x - 6x^3 + C$. D. $\int f(x)dx = 5 - 3x^3 + C$.

Câu 3: Tập nghiệm của phương trình $\log_3(x^2 - 7) = 2$ là

- A. $\{-4; 4\}$. B. $\{4\}$. C. $\{2\}$. D. $\{16\}$.

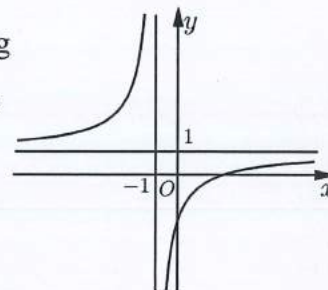
Câu 4: Trong không gian $Oxyz$, cho hai điểm $A(1; 1; -2)$ và $B(3; -1; 2)$. Tọa độ của vector $\overrightarrow{AB}$ là

- A. $(2; -2; 4)$. B. $(2; 0; 0)$. C. $(1; -1; 2)$. D. $(-2; 2; -4)$.

Câu 5: Cho hàm số $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ ($a, b, c, d \in \mathbb{R}$) có đồ thị là đường cong

trong hình bên. Tiệm cận ngang của đồ thị hàm số đã cho có phương trình là

- A. $y = 0$. B. $y = 2$.
C. $y = -1$. D. $y = 1$.



Câu 6: Hàm số nào dưới đây có bảng biến thiên như sau?

x	$-\infty$	-1	0	1	$+\infty$				
$f'(x)$		$-$	0	$+$	0	$-$	0	$+$	
$f(x)$			$+\infty$		2		3		$+\infty$

- A. $y = -2x^4 + 4x^2 + 1$. B. $y = x^3 - 4x^2 - 2$.
C. $y = x^4 - 2x^2 + 3$. D. $y = \frac{2x-1}{x-1}$.

Câu 7: Tập xác định của hàm số $y = (x+1)^{\sqrt{2}}$ là

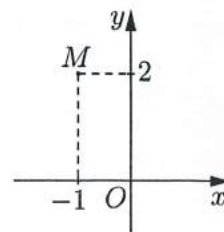
- A. $\mathbb{R}$. B. $(0; +\infty)$. C. $(-1; +\infty)$. D. $\mathbb{R} \setminus \{-1\}$.

Câu 8: Trong không gian $Oxyz$, cho đường thẳng $d: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{1} = \frac{z+2}{-3}$. Vector nào dưới đây là một vector chỉ phương của d ?

- A. $\vec{u}_2 = (1; 0; -2)$. B. $\vec{u}_1 = (2; 1; -3)$. C. $\vec{u}_3 = (2; 1; 3)$. D. $\vec{u}_4 = (1; 0; 2)$.

Câu 9: Điểm M trong hình bên là điểm biểu diễn của số phức nào dưới đây?

- A. $2 + i$. B. $-1 + 2i$.
C. $2 - i$. D. $-1 - 2i$.



Câu 10: Trong không gian $Oxyz$, cho mặt cầu (S) có tâm $I(1; -2; 1)$ và bán kính $R = 5$. Phương trình của (S) là

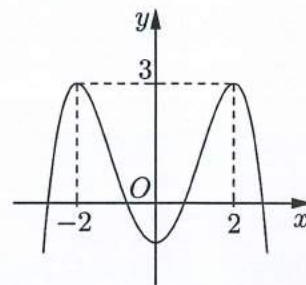
- A. $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 25$. B. $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 1)^2 = 25$.
C. $(x - 1)^2 + (y + 2)^2 + (z - 1)^2 = 5$. D. $(x + 1)^2 + (y - 2)^2 + (z + 1)^2 = 5$.

Câu 11: Với a là số thực dương tùy ý, $\log_2 a^{\frac{1}{3}}$ bằng

- A. $\frac{3}{2} \log_2 a$. B. $3 \log_2 a$. C. $\frac{1}{3} \log_2 a$. D. $\frac{2}{3} \log_2 a$.

Câu 12: Cho hàm số bậc bốn $y = f(x)$ có đồ thị là đường cong trong hình bên. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A. $(-2; 2)$. B. $(-\infty; 2)$.
C. $(-2; 0)$. D. $(0; 2)$.



Câu 13: Cho khối lăng trụ có diện tích đáy bằng $5a^2$ và chiều cao bằng $6a$. Thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

- A. $15a^3$. B. $5a^3$. C. $10a^3$. D. $30a^3$.

Câu 14: Tập nghiệm của bất phương trình $2^x < 5$ là

- A. $(-\infty; \log_2 5]$. B. $(-\infty; \log_2 5)$. C. $(-\infty; \log_5 2]$. D. $(-\infty; \log_5 2)$.

Câu 15: Hàm số nào dưới đây nghịch biến trên khoảng $(0; +\infty)$?

- A. $y = \ln x$. B. $y = \log_3 x$. C. $y = \log x$. D. $y = \log_{\frac{1}{3}} x$.

Câu 16: Trong không gian $Oxyz$, vector nào dưới đây là một vector pháp tuyến của mặt phẳng (Oxy) ?

- A. $\vec{n} = (1; 1; 0)$. B. $\vec{j} = (0; 1; 0)$. C. $\vec{i} = (1; 0; 0)$. D. $\vec{k} = (0; 0; 1)$.

Câu 17: Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = (x + 1)(x - 1)$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Số điểm cực trị của hàm số đã cho là

- A. 1. B. 4. C. 3. D. 2.

Câu 18: Nếu $\int_1^2 f(x) dx = 3$ và $\int_1^2 g(x) dx = 5$ thì $\int_1^2 (f(x) - g(x)) dx$ bằng

- A. 2. B. -2. C. 8. D. $\frac{3}{5}$.

Câu 19: Nếu $\int_{-1}^2 f(x) dx = 3$ thì $\int_2^{-1} f(x) dx$ bằng

- A. 3. B. -3. C. 1. D. -1.

Câu 20: Cho khối chóp có diện tích đáy bằng $7a^2$ và chiều cao bằng $9a$. Thể tích của khối chóp đã cho bằng

- A. $9a^3$. B. $21a^3$. C. $84a^3$. D. $63a^3$.

Câu 21: Cho hai số phức $z_1 = 1 - 3i$ và $z_2 = -4 + i$. Số phức $z_1 + z_2$ bằng

- A. $-3 - 3i$. B. $3 - 4i$. C. $3 - 2i$. D. $-3 - 2i$.

Câu 22: Cho hình nón có bán kính đáy r , chiều cao h và độ dài đường sinh l . Khẳng định nào dưới đây đúng?

- A. $l = \sqrt{h + r}$. B. $l = \sqrt{h^2 + r^2}$. C. $l = hr$. D. $l = h^2 + r^2$.

Câu 23: Có bao nhiêu cách xếp 5 học sinh ngồi vào một dãy gồm 5 chiếc ghế sao cho mỗi chiếc ghế có đúng một học sinh ngồi?

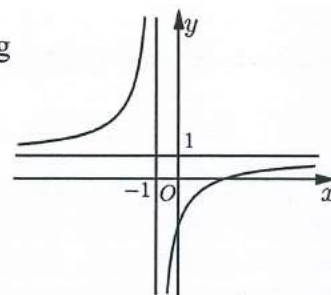
- A. 600. B. 120. C. 3125. D. 25.

Câu 24: Hàm số $F(x) = e^{2x}$ là một nguyên hàm của hàm số nào dưới đây?

- A. $f_4(x) = \frac{1}{2}e^{2x}$. B. $f_1(x) = e^{2x}$. C. $f_2(x) = e^{x^2}$. D. $f_3(x) = 2e^{2x}$.

Câu 25: Cho hàm số $y = \frac{ax + b}{cx + d}$ ($a, b, c, d \in \mathbb{R}$) có đồ thị là đường cong trong hình bên. Số giao điểm của đồ thị hàm số đã cho và trục tung là

- A. 2. B. 0. C. 1. D. 3.



Câu 26: Cho hình trụ có bán kính đáy bằng r và diện tích xung quanh bằng S . Chiều cao của hình trụ đã cho bằng

- A. $\frac{S}{2\pi r}$. B. $\frac{S}{\pi r}$. C. $\frac{2S}{\pi r}$. D. $\frac{S}{2r}$.

Câu 27: Cho cấp số cộng (u_n) với $u_1 = 3$ và $u_2 = 7$. Công sai của cấp số cộng đã cho bằng

- A. $\frac{7}{3}$. B. $\frac{3}{7}$. C. -4 . D. 4 .

Câu 28: Số phức $z = 4 - 5i$ có phần ảo bằng

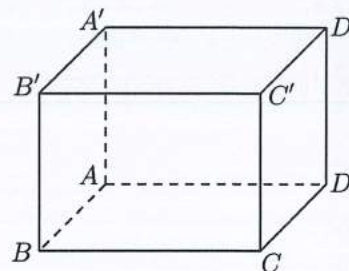
- A. -5 . B. -4 . C. $-5i$. D. 4 .

Câu 29: Cho số phức $z = 3 - i$, phần thực của số phức $(1 - i)\bar{z}$ bằng

- A. 4 . B. 2 . C. -4 . D. -2 .

Câu 30: Cho hình lập phương $ABCD.A'B'C'D'$ (tham khảo hình bên). Góc giữa hai đường thẳng CD và AB' bằng

- A. 90° . B. 60° . C. 30° . D. 45° .



Câu 31: Cho hình chóp $S.ABCD$ có đáy là hình vuông cạnh bằng a , SA vuông góc với mặt phẳng $(ABCD)$ và $SA = \frac{\sqrt{3}a}{3}$. Khoảng cách từ điểm A đến mặt phẳng (SCD) bằng

- A. $\frac{a}{2}$. B. a . C. $\frac{\sqrt{3}a}{3}$. D. $\frac{\sqrt{14}a}{7}$.

Câu 32: Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = (x - 1)(x - 3)$, $\forall x \in \mathbb{R}$. Hàm số đã cho nghịch biến trên khoảng nào dưới đây?

- A. $(0; 3)$. B. $(3; +\infty)$. C. $(-\infty; 2)$. D. $(1; 3)$.

Câu 33: Từ một hộp chứa 12 viên bi gồm 3 viên bi đỏ, 4 viên bi xanh và 5 viên bi vàng, lấy ngẫu nhiên đồng thời 4 viên bi. Xác suất để trong bốn viên bi được lấy có ít nhất một viên bi đỏ bằng

- A. $\frac{13}{55}$. B. $\frac{41}{55}$. C. $\frac{14}{55}$. D. $\frac{42}{55}$.

Câu 34: Nếu $\int_{-1}^2 f(x)dx = 4$ thì $\int_{-1}^2 (3 - f(x))dx$ bằng

- A. 7. B. 13. C. 5. D. -1.

Câu 35: Giá trị lớn nhất của hàm số $f(x) = -x^4 + 6x^2 - 4$ bằng

- A. $-\sqrt{3}$. B. -4. C. 5. D. $\sqrt{3}$.

Câu 36: Với a là số thực dương tùy ý, $\log_2(32a^4)$ bằng

- A. $5 - 4\log_2 a$. B. $5 + 4a$. C. $5 - 4a$. D. $5 + 4\log_2 a$.

Câu 37: Trong không gian $Oxyz$, mặt cầu có tâm $I(4; 0; 0)$ và đi qua điểm $M(0; -3; 0)$ có phương trình là

- A. $(x - 4)^2 + y^2 + z^2 = 5$. B. $(x + 4)^2 + y^2 + z^2 = 5$.
C. $(x + 4)^2 + y^2 + z^2 = 25$. D. $(x - 4)^2 + y^2 + z^2 = 25$.

Câu 38: Trong không gian $Oxyz$, cho ba điểm $A(-1; 0; 1)$, $B(1; 0; 2)$ và $C(3; 2; 3)$. Đường thẳng đi qua A và song song với BC có phương trình là

- A. $\begin{cases} x = 2 - t \\ y = 2 \\ z = 1 + t \end{cases}$. B. $\begin{cases} x = -1 + 4t \\ y = 2t \\ z = 1 + 5t \end{cases}$. C. $\begin{cases} x = -1 + 2t \\ y = 2t \\ z = 1 + t \end{cases}$. D. $\begin{cases} x = 4 + 2t \\ y = 2 + 2t \\ z = 5 + t \end{cases}$.

Câu 39: Cho a và b là hai số thực dương phân biệt, khác 1 và thỏa mãn $\log_a^2(a^2b) \cdot \log_a \frac{b}{a} + 4 = 0$. Giá trị của $\log_b a$ bằng

- A. -3. B. 3. C. $\frac{1}{3}$. D. $-\frac{1}{3}$.

Câu 40: Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m thuộc đoạn $[1; 20]$ sao cho ứng với mỗi m , hàm số $y = \frac{-x^2 + 3x - m - 1}{3x - m}$ đồng biến trên khoảng $(2; 3)$?

- A. 17. B. 14. C. 15. D. 13.

Câu 41: Xét $f(x) = ax^4 + bx^2 + c$ ($a, b, c \in \mathbb{R}, a > 0$) sao cho đồ thị hàm số $y = f(x)$ có ba điểm cực trị là A, B và $C\left(1; -\frac{3}{5}\right)$. Gọi $y = g(x)$ là hàm số bậc hai có đồ thị đi qua ba điểm A, B và C . Khi hình phẳng giới hạn bởi đồ thị của hai hàm số $y = f(x), y = g(x)$ và hai đường thẳng $x = 0, x = 1$ có diện tích bằng $\frac{2}{5}$, tích phân $\int_0^1 f(x)dx$ bằng

- A. 1. B. -1. C. $-\frac{17}{15}$. D. $\frac{17}{15}$.

Câu 42: Xét các số phức z, w ($w \neq 2$) thỏa mãn $|z| = 1$ và $\frac{w+2}{w-2}$ là số thuần ảo. Khi $|z - w| = \sqrt{3}$, giá trị của $|2z + w|$ bằng

- A. $\frac{9\sqrt{7}}{2}$. B. $\frac{3\sqrt{7}}{2}$. C. $\frac{2\sqrt{3}}{3}$. D. $2\sqrt{3}$.

Câu 43: Cho khối lăng trụ $ABC.A'B'C'$ có đáy ABC là tam giác vuông cân tại A , $A'A = A'B = A'C = a$. Biết góc giữa hai mặt phẳng $(BCC'B')$ và (ABC) bằng 30° , thể tích của khối lăng trụ đã cho bằng

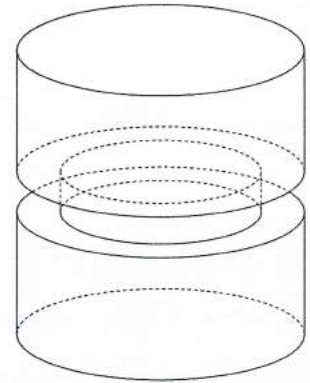
- A. $\frac{\sqrt{3}a^3}{24}$. B. $\frac{\sqrt{3}a^3}{8}$. C. $\frac{3a^3}{8}$. D. $\frac{a^3}{8}$.

Câu 44: Trong không gian $Oxyz$, cho điểm $A(1; -2; 2)$ và mặt cầu $(S): x^2 + y^2 + z^2 = 1$. Biết B, C, D là ba điểm phân biệt trên (S) sao cho các tiếp diện của (S) tại mỗi điểm đó đều đi qua A . Hỏi mặt phẳng (BCD) đi qua điểm nào dưới đây?

- A. $M(1; 1; 1)$. B. $P(-3; 1; 1)$. C. $N(-1; 1; 1)$. D. $Q(1; 1; -1)$.

Câu 45: Để chế tạo một chi tiết máy, từ một khối thép hình trụ có bán kính 10 cm và chiều cao 30 cm, người ta khoét bỏ một rãnh xung quanh rộng 1 cm và sâu 1 cm (tham khảo hình vẽ bên). Tính thể tích của chi tiết máy đó, làm tròn kết quả đến hàng phần nghìn.

- A. $9110,619 \text{ cm}^3$. B. $9170,309 \text{ cm}^3$.
C. $9365,088 \text{ cm}^3$. D. $8997,521 \text{ cm}^3$.



Câu 46: Xét các số thực không âm x, y thỏa mãn $y \log_3(3x + y + 9) = (x^2 + 3x + y) \log_3(x + 3)$. Khi biểu thức $y - 5x$ đạt giá trị nhỏ nhất, giá trị của biểu thức $x - 2y$ bằng

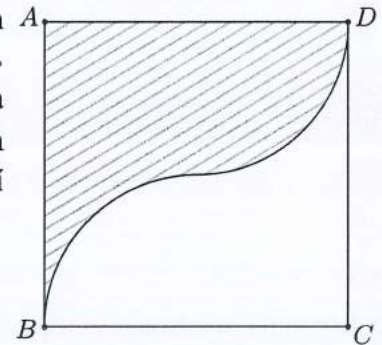
- A. -1 . B. 2 . C. -7 . D. -31 .

Câu 47: Xét các số phức z, w thỏa mãn $|z - w| = 2|z| = 2$ và số phức $\bar{z} \cdot w$ có phần thực bằng 1. Giá trị lớn nhất của $P = |z + w - 1 + 2i|$ thuộc khoảng nào dưới đây?

- A. $(4; 5)$. B. $(3; 4)$. C. $(5; 6)$. D. $(6; 7)$.

Câu 48: Một vật trang trí có dạng một khối tròn xoay được tạo thành khi quay miền (R) (phần gạch chéo trong hình vẽ bên) quanh trục AB . Miền (R) được giới hạn bởi các cạnh AB, AD của hình vuông $ABCD$ và các cung phần tư của các đường tròn bán kính bằng 1 cm với tâm lần lượt là trung điểm của các cạnh BC, AD . Tính thể tích của vật trang trí đó, làm tròn kết quả đến hàng phần mười.

- A. $20,3 \text{ cm}^3$. B. $10,5 \text{ cm}^3$.
C. $12,6 \text{ cm}^3$. D. $8,4 \text{ cm}^3$.



Câu 49: Cho hàm số $y = f(x)$ có đạo hàm $f'(x) = x^2 - 3x - 4, \forall x \in \mathbb{R}$. Có bao nhiêu giá trị nguyên của tham số m sao cho với mỗi m , hàm số $g(x) = f(-x^3 + 3x^2 + m)$ có đúng hai điểm cực trị thuộc khoảng $(1; 4)$?

- A. 9. B. 7. C. 8. D. 10.

Câu 50: Trong không gian $Oxyz$, cho hình nón (N) có đỉnh $A(2; 3; 0)$, độ dài đường sinh bằng 5 và đường tròn đáy nằm trên mặt phẳng $(P): 2x + y + 2z - 1 = 0$. Gọi (C) là giao tuyến của mặt xung quanh của (N) với mặt phẳng $(Q): x - 4y + z + 4 = 0$ và M là một điểm di động trên (C) . Hỏi giá trị nhỏ nhất của độ dài đoạn thẳng AM thuộc khoảng nào dưới đây?

- A. $\left(\frac{3}{2}; 2\right)$. B. $(0; 1)$. C. $\left(1; \frac{3}{2}\right)$. D. $(2; 3)$.

----- HẾT -----